

خاص بكتابة الامتحان	مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل سادة التعليم الثانوي الإعدادي وزارة التربية الوطنية أورة شتنبر 2013 - الموضوع	الجمهورية المغربية وزارة التربية الوطنية المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه
رقم الامتحان:	OMVR	الاسم الشخصي والعائلي: الاسم الأول: الاسم الأخير: الاسم الأوسط: الاسم الثاني: الاسم الثالث: الاسم الرابع: الاسم الخامس: الاسم السادس: الاسم السابع: الاسم الثامن: الاسم التاسع: الاسم العاشر: الاسم الحادي عشر: الاسم الثاني عشر: الاسم الثالث عشر: الاسم الرابع عشر: الاسم الخامس عشر: الاسم السادس عشر: الاسم السابع عشر: الاسم الثامن عشر: الاسم التاسع عشر: الاسم العشرون: الاسم الحادي والعشرون: الاسم الثاني والعشرون: الاسم الثالث والعشرون: الاسم الرابع والعشرون: الاسم الخامس والعشرون: الاسم السادس والعشرون: الاسم السابع والعشرون: الاسم الثامن والعشرون: الاسم التاسع والعشرون: الاسم الثلاثين:
المعامل: 1	مدة الإجازة: 4 ساعات	مادة التخصص: الرياضيات
خاص بكتابة الامتحان	على المصحح التأكد من أن النقطة النهائية هي على 40. النقطة النهائية بالأرقام وبالحواف اسم المصحح وتوقيعه: OMVR	المسلك: إعدادي مادة التخصص: الرياضيات
الصفحة: 1 على 11		رمز الموضوع: 207

LIRE TRES ATTENTIVEMENT

L'épreuve de mathématiques de ce concours est un questionnaire à choix multiple

ATTENTION :

- IL NE VOUS EST DELIVRE QU'UN SEUL QCM
- LES CALCULATRICES NE SONT PAS AUTORISEES

1. Cette épreuve comporte 40 questions données comme suit :

- **Partie I :**
 - Les questions de 1 à 8 sont liées.
 - Les questions 9 à 15 sont indépendantes.
 - Les questions 16 à 19 sont liées.
- **Partie II :**
 - Les questions 20 à 22 sont indépendantes.
 - Les questions de 23 à 33 sont liées.
 - Les questions de 34 à 40 sont liées.

2. Pour chaque question numérotée de 1 à 40, on vous propose 4 réponses a ; b ; c et d dont l'une seulement est juste.

3. Le barème est comme suit : un point pour toute réponse juste et zéro point dans le cas contraire.

4. **EXEMPLES DE REPONSES**

Question 1 : $12 + 2$ vaut :

A) 3 B) 5 C) 14 D) Aucune

Question 2 : le produit $(-1)(-3)$ vaut :

A) -3 B) -1 C) 4 D) Aucune

Pour les réponses vous marquez sur la feuille :

Question 1 : a b c d

Question 2 : a b c d

CPR
2013

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مملكة تاهيل لسانة التعليم التقوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين

الصفحة: 2 على 11

الموضوع

دورة شتنبر 2013

مادة التخصص: الرياضيات

PARTIE I

Exercice 1 :

Soit la fonction f définie sur $[0, +\infty[$ par $f(x) = x \ln(1+x)$

Pour n un entier naturel non nul, on considère l'équation : $(E_n) : f(x) = \frac{1}{n^2}$

Question 1: f est deux fois dérivable sur $[0, +\infty[$ et on a :

- $f'(x) = \ln(1+x) - \frac{x}{1+x}$ et $f''(x) = \frac{1}{1+x} + \frac{1}{(1+x)^2}$
- $f'(x) = \ln(1+x) + \frac{x}{1+x}$ et $f''(x) = \frac{x+2}{(1+x)^2}$
- $f'(x) = \ln(1+x) + \frac{x}{1+x}$ et $f''(x) = \frac{1}{1+x^2}$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 2: La fonction f est :

- strictement croissante sur $[0, +\infty[$
- strictement décroissante sur $[0, +\infty[$
- croissante sur $[0, 1]$ et décroissante sur $[1, +\infty[$
- aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 3: l'image de l'intervalle $[0, +\infty[$ par la fonction f est:

- $[0, +\infty[$
- $]-1, +\infty[$
- \mathbb{R}
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 4: f admet une fonction réciproque qui vérifie:

- f^{-1} est définie sur $[0, +\infty[$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} f^{-1}(x) = +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f^{-1}(x) = 0$
- f^{-1} est définie sur $[0, +\infty[$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} f^{-1}(x) = 0$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f^{-1}(x) = +\infty$
- f^{-1} est définie sur $[0, +\infty[$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} f^{-1}(x) = +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f^{-1}(x) = 1$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte.

يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين

الصفحة: 3 على 11

الموضوع

دورة شتنبر 2013

مادة التخصص: الرياضيات

Question 5: L'équation (E_n) admet une solution unique α_n sur $[0, +\infty[$ car:

- f est continue sur $[0, +\infty[$ et $\frac{1}{n^2} \in [0, +\infty[$
- f est continue sur $[0, +\infty[$ et $f([0, +\infty[) = [0, +\infty[$
- f est continue sur $[0, +\infty[$ et $f([0, +\infty[) = [0, +\infty[$ et $\frac{1}{n^2} \in [0, +\infty[$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 6: La suite $(\alpha_n)_{n \geq 1}$ est convergente car:

- décroissante et majorée par 1
- croissante et majorée par 1
- décroissante et minorée par 0
- pour d'autres raisons

Questions 7: La limite de $(\alpha_n)_{n \geq 1}$ est:

- 1
- $+\infty$
- 0
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 8: Pour la fonction f et la suite (α_n) on a:

- $f(x) \underset{x \rightarrow 0}{\sim} x^2$ et $\alpha_n \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} \frac{1}{n}$
- $f(x) \underset{x \rightarrow 0}{\sim} x^2$ et $\alpha_n \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} \frac{1}{n^2}$
- $f(x) \underset{x \rightarrow 0}{\sim} 1+x^2$ et $\alpha_n \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} \frac{1}{1+n}$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Exercice 2:

Question 9: Soit g la fonction définie sur \mathbb{R} par $g(x) = e^x(x-1) + x^2$ on a :

- g est positive sur $]0, +\infty[$
- g est négative sur $]0, 1[$
- g est strictement croissante sur $]0, +\infty[$
- L'équation $g(x) = 0$ admet une seule solution sur \mathbb{R}

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين		
الصفحة: 4 على 11	الموضوع	دورة شتنبر 2013
		مادة التخصص: الرياضيات

Question10: Soit f la fonction définie par : $f(x) = \frac{e^x - 1}{\sqrt{x+1} - 1}$; on a alors :

- $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$
- $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \frac{1}{2}$
- $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$
- $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 2$

Question11 : Soit la suite $(u_n)_{n \geq 1}$ définie par : $a_1 = 2$; $a_{n+1} = a_n + 2n$ $n \geq 1$. la valeur de a_{100} est :

- 9900
- 9902
- 9904
- 10100

Question12 : Si $5+15+45+135+\dots+N=147620$ alors la valeur de N est :

- 49205
- 295245
- 32805
- 98415

Question13 : Si la suite $(u_n)_{n \geq 0}$ définie par : pour tout entier naturel n ; $u_n = 2(-1)^n - \cos(n\pi)$. alors :

- Pour tout n de \mathbb{N} ; $u_n + u_{n+1} = 0$
- la suite $(u_n)_{n \geq 0}$ converge vers 0
- $\{u_n / n \in \mathbb{N}\}$ est infini
- $\{n \in \mathbb{N} \text{ tel que } u_n = 0\} \neq \emptyset$

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين

الصفحة: 5 على 11

الموضوع

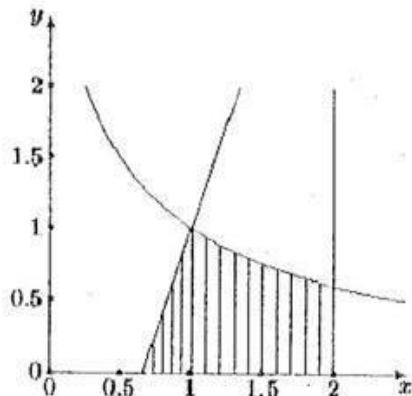
دورة شتنبر 2013

مادة التخصص: الرياضيات

Question 14 : a et b sont deux réels ($a \leq b$) et u et v sont deux fonctions continues sur \mathbb{R} . Alors :

- si $\int_a^b u(t)dt = \int_a^b v(t)dt$ alors $u = v$ sur $[a ; b]$
- si $\int_a^b u(t)dt > 0$ alors $u > 0$ sur $[a ; b]$
- si u est positive sur $[a ; b]$, alors $\int_a^b u(t)dt \geq 0$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 15 : L'aire Δ de la surface comprise entre les courbes d'équations



$y = \frac{3}{2x+1}$; $y = 3x-2$; $x = 2$ et $y = 0$ est:

- $-\frac{7}{6} + \frac{3}{2} \ln 15$
- $-\frac{1}{6} + 3 \ln \left(\frac{5}{3}\right)$
- $\frac{1}{2} \left[\frac{1}{3} + 3 \ln \left(\frac{5}{3}\right) \right]$
- $-\frac{5}{2} + 3 \ln \left(\frac{3}{7}\right)$

Exercice 3 :

On considère la fonction ϕ définie par : $\phi(x) = \int_e^x \frac{dt}{\ln t}$

Question 16 : Le domaine de définition D de ϕ est :

- $]0, 1[\cup]1, +\infty[$
- $]0, e[\cup]e, +\infty[$
- $]0, +\infty[$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مدارة الدخول إلى مسالك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين

الصفحة: 6 على 11

الموضوع

دورة شتنبر 2013

مادة التخصص: الرياضيات

Question 17 : La fonction ϕ est dérivable sur D et on a :

- $(\forall x \in D) \phi'(x) = \frac{1}{(\ln x)^2}$
- $(\forall x \in D) \phi'(x) = \frac{1}{\ln x - 1}$
- $(\forall x \in D) \phi'(x) = \frac{x-1}{\ln x}$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 18 : La fonction ϕ admet une limite à droite de 0 et on a :

- $\lim_{x \rightarrow 0^+} \phi(x) = +\infty$
- $\lim_{x \rightarrow 0^+} \phi(x) = 1$
- $\lim_{x \rightarrow 0^+} \phi(x) = 0$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 19 : En utilisant un encadrement convenable ; on démontre que :

- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \phi(x) = +\infty$
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \phi(x) = 0$
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \phi(x) = 1$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

PARTIE II

Exercice I

Question 20 : Pour tout entier naturel n , on pose $S_n = \sum_{p=0}^n (-1)^p C_n^p$; on a :

- $S_n = 0$
- $(S_n = 0 \text{ si } n > 0) \text{ et } (S_0 = 1)$
- $S_n = 2$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين

الصفحة: 7 على 11

الموضوع

دورة شتنبر 2013

مادة التخصص: الرياضيات

Question 21 : A, B et C trois parties finies d'un ensemble E

- $\text{card}(A \cup B \cup C) = \text{card}(A) + \text{card}(B) + \text{card}(C) - \text{card}(A \cap B \cap C)$
- $\text{card}(A \cup B \cup C) = \text{card}(A) + \text{card}(B) + \text{card}(C) - \text{card}(A \cap B) - \text{card}(A \cap C) - \text{card}(B \cap C) + \text{card}(A \cap B \cap C)$
- $\text{card}(A \cup B \cup C) = \text{card}(A) + \text{card}(B) + \text{card}(C)$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Question 22 : g est un endomorphisme de $\mathbb{R}_3[X]$ (ensemble des polynômes à coefficients réels et de degré inférieur ou égal à 3) définie par : $g(P) = XP' - 2P$; alors :

- Le noyau de g est le sous-espace vectoriel engendré par X^2
- Le noyau de g est le sous-espace vectoriel engendré par $X^2 + 1$
- Le noyau de g est le sous-espace vectoriel engendré par $(X^2; X)$
- Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte

Exercice 2 :

On se place dans \mathbb{R}^2 , et on considère l'application :

$$f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$(x; y) \rightarrow (3x - y; -x + 3y)$$

On muni \mathbb{R}^2 de sa base canonique B

Question 23 : Parmi les assertions suivantes ; laquelle est vraie ?

- f est un endomorphisme de \mathbb{R}^2
- f n'est pas linéaire car par exemple $f(2; 1) \neq f(1; 1)$
- $\ker f \neq \{(0, 0)\}$ et tout endomorphisme injectif d'un espace vectoriel de dimension fini étant bijectif ; f est un automorphisme.
- f est un projecteur.

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين		
الصفحة: 8 على 11	الموضوع	مادة التخصص: الرياضيات
<p>Question 24 : Si C et C' sont deux bases de \mathbb{R}^2, on notera $Mat(f, C, C')$ la matrice de f dans les bases C (base de l'ensemble de départ) et C' (base de l'ensemble d'arrivée). Parmi les assertions suivantes ; lesquelles sont vraies ?</p> <p>a. $Mat(f, B, B) = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$</p> <p>b. $Mat(f, B, B) = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$</p> <p>c. $Mat(f, B, B) = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$</p> <p>d. Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte</p>		
<p>Question 25 : Le théorème du rang permet de dire que : pour tout endomorphisme g d'un espace vectoriel E de dimension fini on a :</p> <p>a. $\dim \ker g + \dim \text{Im} g < \dim E$</p> <p>b. $\ker g \oplus \text{Im} g = E$</p> <p>c. $\dim \ker g + \dim \text{Im} g = \dim E$</p> <p>d. Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte</p>		
<p>Question 26 : On rappelle que λ est valeur propre de f si et seulement si $\ker(f - \lambda \text{id}) \neq \{(0,0)\}$. On affirme donc que :</p> <p>a. λ est valeur propre de $f \Leftrightarrow \dim \text{Im}(f - \lambda \text{id}) = 2$</p> <p>b. λ est valeur propre de $f \Leftrightarrow \text{Rang}(f - \lambda \text{id}) \leq 1$</p> <p>c. λ est valeur propre de $f \Leftrightarrow f - \lambda \text{id}$ est un endomorphisme</p> <p>d. Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte</p>		
<p>Question 27 : Les valeurs propre de f sont :</p> <p>a. 3 et -1</p> <p>b. 4 et 2</p> <p>c. 4 et -2</p> <p>d. aucune des réponses précédentes n'est correcte.</p>		
<p>Question 28 : Soit $(\alpha ; \beta) \in \mathbb{R}^2$ avec $\alpha \neq \beta$ et soient u et v deux éléments de \mathbb{R}^2 tel que : $f(u) = \alpha u$ et $f(v) = \beta v$. On a :</p> <p>a. u et v sont liés</p> <p>b. u et v sont linéairement indépendants</p> <p>c. $(u ; v)$ est une base de \mathbb{R}^2</p> <p>d. Aucune des trois réponses précédentes n'est correcte</p>		

يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمركز الجهوي لمهن التربية والتكوين		
11	الصفحة: 9 على	الموضوع
		دورة شتنبر 2013
		مادة التخصص: الرياضيات

Question 29 : Soit $\alpha \in \mathbb{R}$ et soient u et v deux éléments de \mathbb{R}^2 tel que : $f(u) = \alpha u$ et $f(v) = \alpha v$. On a :

- nécessairement $u = v$
- $(u ; v)$ est liée car $\dim \ker(f - \alpha \text{id}) \leq 1$
- On ne peut pas savoir si $(u ; v)$ est libre ou liée car cela dépend des valeurs α
- $(u ; v)$ est une famille génératrice de \mathbb{R}^2

Question 30 : Soit $B' = ((1,1); (1,-1))$ une base de \mathbb{R}^2 . On appelle $Pass(B, B')$ la matrice de passage de la base B à la base B' . On peut affirmer que :

- $Pass(B, B') = Mat(\text{id}, B', B')$
- $Pass(B, B') = Mat(\text{id}, B, B')$
- $Pass(B, B') = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$
- aucune des réponses précédentes n'est correcte.

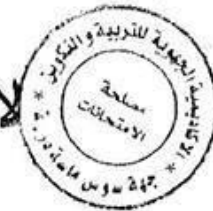
Question 31 : Parmi les assertions suivantes ; laquelle est vraie :

- $Mat(f, B, B) = Pass(B, B') Mat(f, B', B') Pass(B, B')$
- $Mat(f, B, B) = Pass(B', B') Mat(f, B', B') Pass(B', B')$
- $Mat(f, B', B') = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$
- Aucune des réponses précédentes n'est vraie.

Question 32 : \mathbb{N} est l'ensemble des entiers naturels. On a :

- $(\forall k \in \mathbb{N}); [Mat(f, B, B)]^k = [Pass(B, B')]^k [Mat(f, B', B')]^k [Pass(B, B')]^k$
- $(\forall k \in \mathbb{N}); [Mat(f, B, B)]^k = [Pass(B, B')]^k [Mat(f, B', B')]^k [Pass(B, B')]^{-k}$
- $(\forall k \in \mathbb{N}); [Mat(f, B, B)]^k = [Pass(B, B')] [Mat(f, B', B')]^k [Pass(B, B')]^{-1}$
- Aucune des réponses précédentes n'est vraie.

لا يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين		
الصفحة: 10 على 11	الموضوع	دورة شتنبر 2013
		مادة التخصص: الرياضيات

Question 33 : Si A est une matrice carrée à coefficients réels ; on définit l'exponentielle de A comme

étant : $\exp A = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=0}^n \frac{A^k}{k!}$ si cette limite existe ; alors :

- a. $\exp \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e^2 & 0 \\ 0 & e^4 \end{pmatrix}$
- b. $\exp \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ n'est pas définie.
- c. $\exp \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e^3 & e^{-1} \\ e^{-1} & e^3 \end{pmatrix}$
- d. Aucune des réponses précédentes n'est vraie.

Exercice 3 :

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé $(o; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

On appelle (D) la droite de représentation paramétrique :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 - t \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$$

et (P) le plan d'équation cartésienne $x + 2y - 3z - 1 = 0$.

Question 34 : Parmi les points suivants ; lequel appartient à (D) ?

- a. $M(-1 ; 3 ; 2)$
- b. $N(2 ; -1 ; -1)$
- c. $R(3 ; 1 ; -4)$
- d. Aucun des points proposés n'appartient à (D) .

Question 35 : Parmi les vecteurs suivants ; lequel est un vecteur directeur de (D) ?

- a. $\vec{u}(1; 2; -3)$
- b. $\vec{v}(-2; -1; 1)$
- c. $\vec{w}(3; 1; -4)$
- d. Aucun des vecteurs proposés n'est directeur de (D) .

يكتب أي شيء في هذا الإطار



مباراة الدخول إلى مسلك تأهيل أساتذة التعليم الثانوي الإعدادي بالمراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين		
الصفحة: 11 على 11	الموضوع	دورة شتنبر 2013
		مادة التخصص: الرياضيات

Question 36 : Quelle est la position relative de (D) et (P) ?

- (D) est incluse dans P
- (D) est strictement parallèle à (P)
- (D) et (P) sont sécants
- (D) est perpendiculaire à (P)

Question 37 : Parmi les points suivants quel point appartient à (P) ?

- $G_1(1 ; 3 ; -2)$
- $G_2(1 ; 3 ; 2)$
- $G_3(1 ; 3 ; -1)$
- $G_4(3 ; 0 ; 0)$

Question 38 : Parmi les plans suivants; lequel est perpendiculaire à (P) ?

- Le plan (Q_1) d'équation cartésienne $x + 2y - 3z + 1 = 0$
- Le plan (Q_2) d'équation cartésienne $4x - 5y - 2z + 3 = 0$
- Le plan (Q_3) d'équation cartésienne $-3x + 2y - z - 1 = 0$
- Aucun des plans (Q_1) ; (Q_2) et (Q_3) n'est perpendiculaire à (P).

Question 39 : La distance du point T de coordonnées $(-1 ; -3 ; 2)$ au plan (P) est :

- $\sqrt{2}$
- 14
- $2\sqrt{3}$
- Aucune des valeurs proposées.

Question 40 : La distance du point T de coordonnées $(-1 ; -3 ; 2)$ à la droite (D) est :

- $\sqrt{2}$
- $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- $\frac{2}{\sqrt{3}}$
- Aucune des valeurs proposées.

FIN.